

## $\omega$ -ЕВКЛІДОВІ ОБЛАСТІ І ЛОРАНОВІ РЯДИ

Андрій Саган

Львівський національний університет імені Івана Франка,  
andrijsagan@gmail.com

У цій роботі під  $R$  розумітимемо комутативну область з відмінною від нуля одиницею. Нормою над  $R$  називають таке відображення  $\varphi: R \rightarrow \{0, 1, 2, \dots\}$ , що  $\varphi(0) = 0$  тоді і лише тоді, коли  $a = 0$ ,  $\varphi(ab) \geq \varphi(a)$  для довільних елементів  $a, b \in R$ . Область  $R$  називається  $\omega$ -евклідовою областю [1] стосовно норми  $\varphi$ , якщо для довільної пари елементів  $a, b \in R$ ,  $b \neq 0$  існує такий  $m$ -членний ланцюг подільності для деякого натурального  $m$ , вигляду

$$a = bq_1 + r_1, b = r_1q_2 + r_2, \dots, r_{m-2} = r_{m-1}q_m + r_m, \text{ що } \varphi(r_m) < \varphi(b).$$

Через  $R_X = R[X][X^{-1}]$  позначимо *кільце формальних Лоранових рядів* [2] з коефіцієнтами з  $R$ . Область  $R$  має  $IP_2$ -властивість, якщо довільна квадратна вироджена матриця порядку 2 є добутком ідемпотентних матриць. Якщо це вірно для довільної виродженої матриці над  $R$ , то говоритимемо, що область  $R$  володіє  $IP$ -властивістю [2]. Всі інші необхідні означення можна знайти в роботах [1-3].

**Теорема 1.** Область  $R$  є  $\omega$ -евклідовою тоді і тільки тоді, коли  $R_X$  є  $\omega$ -евклідовою.

**Теорема 2.** Нехай  $R$  – область Безу з  $IP_2$ -властивістю, тоді  $R_X$  є областю з  $IP$ -властивістю.

1. Bougaut B. Anneaux Quasi-Eclideans // These de Docteur Troisieme Cycle (1976).
2. Samuel P. About Euclidean Rings // J. Algebra – 1971. – 19. – P. 282-301.
3. Salce L., Zanardo P. Products of elementary and idempotent matrices over integral domains // Linear Algebra Appl. – 2014. – 452. – P. 130-152.

**Конференція молодих учених «Підстригачівські читання – 2016»,  
25–27 травня 2016 р., Львів**

### **$\omega$ -EUCLIDEAN DOMAIN AND LAURENT SERIES**

*In this paper it is proved that commutative domain is  $\omega$ -euclidean if and only if the ring of formal Laurent series is  $\omega$ -euclidean domain and that every singular matrices over ring of formal Laurent series  $R_X$  is products of idempotent matrices if  $R$  is  $\omega$ -euclidean domain.*